

МИНИСТЕРСТВО СЕЛЬСКОГО ХОЗЯЙСТВА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«КУБАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ АГРАРНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ  
имени И.Т. ТРУБИЛИНА»

Факультет механизации  
Высшей математики



УТВЕРЖДЕНО  
Декан  
Титученко А.А.  
Протокол от 12.05.2025 № 7

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)  
«МАТЕМАТИКА С ЭЛЕМЕНТАМИ СТАТИСТИКИ»**

Уровень высшего образования: специалитет

Специальность: 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства

Направленность (профиль)подготовки: специализация N 3 "Технические средства агропромышленного комплекса":

Квалификация (степень) выпускника: инженер

Форма обучения: очная

Год набора (приема на обучение): 2025

Срок получения образования: 5 лет

Объем:  
в зачетных единицах: 11 з.е.  
в академических часах: 396 ак.ч.

2025

**Разработчики:**

Доцент, кафедра высшей математики Тугуз Н.С.

**Рецензенты:**

Ариничев Игорь Владимирович, канд. экон. наук., доцент, доцент кафедры теоретической экономики, экономического факультета ФГБОУ ВО "Кубанский государственный университет"

Рабочая программа дисциплины (модуля) составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по специальности 23.05.01 Наземные транспортно-технологические средства, утвержденного приказом Минобрнауки от 11.08.2020 № 935, с учетом трудовых функций профессиональных стандартов: "Специалист по испытаниям и исследованиям в автомобилестроении", утвержден приказом Минтруда России от 01.03.2017 № 210н; "Специалист по техническому диагностированию и контролю технического состояния автотранспортных средств при периодическом техническом осмотре", утвержден приказом Минтруда России от 23.03.2015 № 187н.

**Согласование и утверждение**

№	Подразделение или коллегиальный орган	Ответственное лицо	ФИО	Виза	Дата, протокол (при наличии)
1	Факультет механизации	Председатель методической комиссии/совета	Соколенко О.Н.	Согласовано	12.05.2025
2		Руководитель образовательной программы	Курасов В.С.	Согласовано	12.05.2025, № 9

## **1. Цель и задачи освоения дисциплины (модуля)**

Цель освоения дисциплины - является формирование комплекса основных теоретических и практических знаний по разделам линейной алгебры, аналитической геометрии, математического анализа, теории вероятностей и математической статистики, необходимых для решения задач, возникающих в технологической; организационно-управленческой; проектно-изыскательской; экспертной, надзорной и инспекционно-аудиторской и научно-исследовательской деятельности

Задачи изучения дисциплины:

- Изучение теоретических основ математических разделов для понимания других математических и нематематических дисциплин;
- Формирование знаний относительно основных методов вычислений и алгоритмов решений математических задач;
- Сформировать умение и навыки работы с математическим аппаратом для решения прикладных задач в технологической; организационно-управленческой; проектно-изыскательской; экспертной, надзорной и инспекционно-аудиторской и научно-исследовательской деятельности.

## **2. Планируемые результаты обучения по дисциплине (модулю), соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы**

### *Компетенции, индикаторы и результаты обучения*

УК-1 Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий

УК-1.4 Аргументированно формирует собственные суждения и оценки на основе фактов, собственных знаний, опыта, мнений, оценок других участников деятельности. отличает факты от мнений, интерпретаций, оценок и т. д. в рассуждениях других участников деятельности

*Знать:*

УК-1.4/Зн2 Этапы формирования собственных суждений и оценок. отличает факты от мнений, интерпретаций, оценок и т.д. в рассуждениях других участников деятельности

*Уметь:*

УК-1.4/Ум2 Грамотно, логично, аргументировано формировать собственные суждения и оценки. отличать факты от мнений, интерпретаций, оценок и т.д. в рассуждениях других участников деятельности

*Владеть:*

УК-1.4/Нв2 Способностью грамотно, логично, аргументировано формировать собственные суждений и оценки. отличать факты от мнений, интерпретаций, оценок и т.д. в рассуждениях других участников деятельности

ОПК-1 Способен ставить и решать инженерные и научно-технические задачи в сфере своей профессиональной деятельности и новых междисциплинарных направлений с использованием естественнонаучных, математических и технологических моделей

ОПК-1.1 Умеет ставить цели и решать инженерные и научно-технические задачи в процессе проводимых исследований и разработок используя отечественную и зарубежную информацию по этим исследованиям и разработкам

*Знать:*

ОПК-1.1/Зн1 Знает методику решения инженерных и научно-технических задач в процессе проводимых исследований и разработок используя отечественную и зарубежную информацию по этим исследованиям и разработкам

*Уметь:*

ОПК-1.1/Ум1 Умеет ставить цели и решать инженерные и научно-технические задачи в процессе проводимых исследований и разработок используя отечественную и зарубежную информацию по этим исследованиям и разработкам

*Владеть:*

ОПК-1.1/Нв1 Владеет навыками решения инженерных и научно-технических задач в процессе проводимых исследований и разработок используя отечественную и зарубежную информацию по этим исследованиям и разработкам

ОПК-1.3 Способен проводить статистическую обработку результатов измерений помошью средств современной вычислительной техники

*Знать:*

ОПК-1.3/Зн1 Знает методику проведения статистической обработки результатов измерений с помошью средств современной вычислительной техники

*Уметь:*

ОПК-1.3/Ум1 Умеет проводить статистическую обработку результатов измерений с помошью средств современной вычислительной техники

*Владеть:*

ОПК-1.3/Нв1 Владеет навыками проведения статистической обработки результатов измерений с помошью современной вычислительной техники

ОПК-1.4 В рамках новых междисциплинарных направлений использует естественнонаучные, математические и технологические модели для решения инженерных и научно-технических задач

*Знать:*

ОПК-1.4/Зн1 Знает естественно-научные, математические и технологические модели для решения инженерных и научно-технических задач

*Уметь:*

ОПК-1.4/Ум1 Умеет в рамках новых междисциплинарных направлений использовать естественно-научные, математические и технологические модели для решения инженерных и научно-технических задач

*Владеть:*

ОПК-1.4/Нв1 Владеет навыками решения инженерных и научно-технических задач с помошью использования естественнонаучных, математических и технологических моделей

### 3. Место дисциплины в структуре ОП

Дисциплина (модуль) «Математика с элементами статистики» относится к обязательной части образовательной программы и изучается в семестре(ах): 1, 2, 3.

В процессе изучения дисциплины студент готовится к решению типов задач профессиональной деятельности, предусмотренных ФГОС ВО и образовательной программой.

### 4. Объем дисциплины (модуля) и виды учебной работы

Период обучения	Общая трудоемкость (часы)	Общая трудоемкость (ЗЕТ)	Контактная работа (часы, всего)	Внеаудиторная контактная работа (часы)	Зачет (часы)	Лекционные занятия (часы)	Практические занятия (часы)	Самостоятельная работа (часы)	Промежуточная аттестация (часы)
Первый семестр	108	3	65	1		32	32	43	Зачет
Второй семестр	144	4	71	3		38	30	46	Экзамен (27)
Третий семестр	144	4	39	3		20	16	51	Экзамен (54)
Всего	396	11	175	7		90	78	140	81

## 5. Содержание дисциплины (модуля)

### 5.1. Разделы, темы дисциплины и виды занятий (часы промежуточной аттестации не указываются)

Наименование раздела, темы	Всего	Внеаудиторная контактная работа	Лекционные занятия	Практические занятия	Самостоятельная работа	Планируемые результаты обучения, соотнесенные с результатами освоения программы	
<b>Раздел 1. Линейная алгебра и аналитическая геометрия</b>	<b>92</b>		<b>24</b>	<b>26</b>	<b>42</b>		УК-1.4 ОПК-1.1 ОПК-1.4
Тема 1.1. Матрицы	12		2	4	6		
Тема 1.2. Определители	12		2	4	6		
Тема 1.3. Обратная матрица	10		2	2	6		
Тема 1.4. Характеристики матриц	10		2	2	6		
Тема 1.5. Векторы	10		2	2	6		
Тема 1.6. Произведения векторов	10		2	2	6		
Тема 1.7. Векторное пространство	10		2	2	6		
Тема 1.8. Прямая на плоскости	4		2	2			
Тема 1.9. Плоскость	2		2				
Тема 1.10. Прямая в пространстве	4		2	2			
Тема 1.11. Кривые второго порядка	4		2	2			
Тема 1.12. Комплексные числа	4		2	2			
<b>Раздел 2. Математический анализ</b>	<b>73</b>		<b>24</b>	<b>18</b>	<b>31</b>		ОПК-1.1 ОПК-1.3

Тема 2.1. Функция одной переменной	9	2	2	5	ОПК-1.4
Тема 2.2. Пределы	8	2	2	4	
Тема 2.3. Непрерывность функции	6		2	4	
Тема 2.4. Производная функции одной переменной	8	4		4	
Тема 2.5. Приложения производной	8	2	2	4	
Тема 2.6. Дифференциал функции	12	4	4	4	
Тема 2.7. Неопределенный интеграл	12	6	2	4	
Тема 2.8. Определенный интеграл и его приложения	10	4	4	2	
<b>Раздел 3. Функции нескольких переменных</b>	<b>20</b>	<b>8</b>	<b>6</b>	<b>6</b>	УК-1.4 ОПК-1.4
Тема 3.1. Функции двух переменных	8	4	2	2	
Тема 3.2. Двойной интеграл	6	2	2	2	
Тема 3.3. Криволинейные интегралы	6	2	2	2	
<b>Раздел 4. Обыкновенные дифференциальные уравнения</b>	<b>16</b>	<b>8</b>	<b>4</b>	<b>4</b>	ОПК-1.1 ОПК-1.3
Тема 4.1. Дифференциальные уравнения первого порядка	8	4	2	2	
Тема 4.2. Дифференциальные уравнения высших порядков	8	4	2	2	
<b>Раздел 5. Ряды</b>	<b>20</b>	<b>6</b>	<b>8</b>	<b>6</b>	УК-1.4 ОПК-1.1 ОПК-1.4
Тема 5.1. Числовые ряды	12	4	4	4	
Тема 5.2. Функциональные ряды	8	2	4	2	
<b>Раздел 6. Теория вероятностей и математическая статистика</b>	<b>87</b>	<b>20</b>	<b>16</b>	<b>51</b>	ОПК-1.1 ОПК-1.3
Тема 6.1. Введение в теорию вероятностей	12	2	2	8	
Тема 6.2. Основные теоремы элементарной теории вероятностей	12	2	2	8	
Тема 6.3. Повторные независимые испытания	14	4	2	8	
Тема 6.4. Дискретные случайные величины	15	2	4	9	
Тема 6.5. Непрерывные случайные величины	10	2	2	6	
Тема 6.6. Математическая статистика	12	4	2	6	
Тема 6.7. Элементы теории корреляции	12	4	2	6	
<b>Раздел 7. Промежуточная аттестация</b>	<b>7</b>	<b>7</b>			УК-1.4 ОПК-1.1 ОПК-1.3
Тема 7.1. Зачет	1	1			

Тема 7.2. Экзамен 2	3	3				ОПК-1.4
Тема 7.3. Экзамен 3	3	3				
<b>Итого</b>	<b>315</b>	<b>7</b>	<b>90</b>	<b>78</b>	<b>140</b>	

## 5.2. Содержание разделов, тем дисциплин

### **Раздел 1. Линейная алгебра и аналитическая геометрия**

*(Лекционные занятия - 24ч.; Практические занятия - 26ч.; Самостоятельная работа - 42ч.)*

#### *Тема 1.1. Матрицы*

*(Лекционные занятия - 2ч.; Практические занятия - 4ч.; Самостоятельная работа - 6ч.)*

Матрицы, их виды. Операции над матрицами, свойства. Ранг матрицы. Приложения матриц

#### *Тема 1.2. Определители*

*(Лекционные занятия - 2ч.; Практические занятия - 4ч.; Самостоятельная работа - 6ч.)*

Определители матриц малых порядков: Миноры, алгебраи-ческие дополнения к элементам квадратных матриц.

#### *Тема 1.3. Обратная матрица*

*(Лекционные занятия - 2ч.; Практические занятия - 2ч.; Самостоятельная работа - 6ч.)*

Применение определителей к вычислению обратной матрицы: формула (метод присоединённой матрицы). Решение матричных уравнений

#### *Тема 1.4. Характеристики матриц*

*(Лекционные занятия - 2ч.; Практические занятия - 2ч.; Самостоятельная работа - 6ч.)*

Характеристики матриц: собственные числа, собственные векторы, ранг, продуктивность

#### *Тема 1.5. Векторы*

*(Лекционные занятия - 2ч.; Практические занятия - 2ч.; Самостоятельная работа - 6ч.)*

Основные понятия, линейные операции над векторами на плоскости в геометрической форме. Разложение вектора по базису. Линейные операции над векторами в координатной форме.

#### *Тема 1.6. Произведения векторов*

*(Лекционные занятия - 2ч.; Практические занятия - 2ч.; Самостоятельная работа - 6ч.)*

Скалярное произведение векторов: определение, свойства, координатная форма. Условия коллинеарности и перпендикулярности векторов.

Векторное и смешанное произведение векторов: определение, свойства, координатная форма. Условие компланарности векторов

#### *Тема 1.7. Векторное пространство*

*(Лекционные занятия - 2ч.; Практические занятия - 2ч.; Самостоятельная работа - 6ч.)*

Понятие векторного  $n$ -мерного пространства, размерность и базис векторного пространства, переход к новому базису, линейная зависимость векторов

#### *Тема 1.8. Прямая на плоскости*

*(Лекционные занятия - 2ч.; Практические занятия - 2ч.)*

Прямая линия в плоскости, виды ее уравнений. Взаимное расположение прямых на плоскости. Расстояние от точки до прямой. Опорные задачи на прямую линию в плоскости.

#### *Тема 1.9. Плоскость*

*(Лекционные занятия - 2ч.)*

Уравнения плоскости в пространстве. Взаимное расположение плоскостей. Расстояние от точки до прямой.

**Тема 1.10. Прямая в пространстве**

(Лекционные занятия - 2ч.; Практические занятия - 2ч.)

Уравнения прямой в пространстве. Взаимное расположение прямых в пространстве. Взаимное расположение прямой и плоскости в пространстве.

**Тема 1.11. Кривые второго порядка**

(Лекционные занятия - 2ч.; Практические занятия - 2ч.)

Окружность, эллипс, гипербола, парабола, их характеристики и свойства. Общее уравнение кривой второго порядка

**Тема 1.12. Комплексные числа**

(Лекционные занятия - 2ч.; Практические занятия - 2ч.)

Множество комплексных чисел. Алгебраическая форма комплексного числа. Действия над комплексными числами. Геометрическое изображение комплексного числа. Тригонометрическая форма комплексного числа.

**Раздел 2. Математический анализ**

(Лекционные занятия - 24ч.; Практические занятия - 18ч.; Самостоятельная работа - 31ч.)

**Тема 2.1. Функция одной переменной**

(Лекционные занятия - 2ч.; Практические занятия - 2ч.; Самостоятельная работа - 5ч.)

Определение функции, способы задания. Виды интервалов. Основные элементарные функции. Область определения, множество значений функции, алгоритмы их нахождения. Определение графика функции. Геометрические преобразования графиков функций. Четность (нечетность) и периодичность функций, определения и примеры.

**Тема 2.2. Пределы**

(Лекционные занятия - 2ч.; Практические занятия - 2ч.; Самостоятельная работа - 4ч.)

Последовательности, их виды. Понятие предела последовательности. Понятие предела функции, определения и примеры. Основные теоремы о пределах. Раскрытие неопределенностей

**Тема 2.3. Непрерывность функции**

(Практические занятия - 2ч.; Самостоятельная работа - 4ч.)

Определение непрерывной функции, примеры. Свойства функций, непрерывных в точке. Функции, непрерывные на промежутке. Свойства функций, непрерывных на отрезке. Классификация точек разрыва функции.

**Тема 2.4. Производная функции одной переменной**

(Лекционные занятия - 4ч.; Самостоятельная работа - 4ч.)

Производная функции. Геометрический и физический смысл производной. Формулы и правила дифференцирования.

**Тема 2.5. Приложения производной**

(Лекционные занятия - 2ч.; Практические занятия - 2ч.; Самостоятельная работа - 4ч.)

Правило Лопитала. Возрастание и убывание функции, признаки. Точки экстремума и экстремумы функций. Выпуклость, вогнутость, точки перегиба. Производные высших порядков. Схема исследования функции

### **Тема 2.6. Дифференциал функции**

*(Лекционные занятия - 4ч.; Практические занятия - 4ч.; Самостоятельная работа - 4ч.)*

Дифференциал функции, геометрический смысл дифференциала. Приближенные вычисления с помощью дифференциала

### **Тема 2.7. Неопределенный интеграл**

*(Лекционные занятия - 6ч.; Практические занятия - 2ч.; Самостоятельная работа - 4ч.)*

Первообразная функции. Определение неопределенного интеграла, его свойства, таблица интегралов основных элементарных функций. Методы интегрирования: табличное, замена переменной, интегрирование по частям, интегрирование тригонометрических функций, интегрирование дробно-рациональных функций

### **Тема 2.8. Определенный интеграл и его приложения**

*(Лекционные занятия - 4ч.; Практические занятия - 4ч.; Самостоятельная работа - 2ч.)*

Понятие определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница. Геометрический и физический смысл определенного интеграла. Основные свойства и правила вычисления определенных интегралов. Замена переменной в определенном интеграле. Интегрирование по частям в определенном интеграле. Приложения определенного интеграла. Несобственные интегралы

## **Раздел 3. Функции нескольких переменных**

*(Лекционные занятия - 8ч.; Практические занятия - 6ч.; Самостоятельная работа - 6ч.)*

### **Тема 3.1. Функции двух переменных**

*(Лекционные занятия - 4ч.; Практические занятия - 2ч.; Самостоятельная работа - 2ч.)*

Основные понятия. Предел и непрерывность функции двух переменной. Частные производные и дифференциалы. Градиент и производная по направлению. Экстремумы функции двух переменных

### **Тема 3.2. Двойной интеграл**

*(Лекционные занятия - 2ч.; Практические занятия - 2ч.; Самостоятельная работа - 2ч.)*

Основные понятия, геометрический смысл. Вычисление двойных интегралов. Выражение через полярные координаты. Приложения двойных интегралов

### **Тема 3.3. Криволинейные интегралы**

*(Лекционные занятия - 2ч.; Практические занятия - 2ч.; Самостоятельная работа - 2ч.)*

Криволинейный интеграл первого рода и второго рода. Методы вычисления

## **Раздел 4. Обыкновенные дифференциальные уравнения**

*(Лекционные занятия - 8ч.; Практические занятия - 4ч.; Самостоятельная работа - 4ч.)*

### **Тема 4.1. Дифференциальные уравнения первого порядка**

*(Лекционные занятия - 4ч.; Практические занятия - 2ч.; Самостоятельная работа - 2ч.)*

Основные понятия. Дифференциальные уравнения первого порядка: с разделяющимися переменными. Однородные дифференциальные уравнения. Линейные однородные дифференциальные уравнения 1 порядка

### **Тема 4.2. Дифференциальные уравнения высших порядков**

*(Лекционные занятия - 4ч.; Практические занятия - 2ч.; Самостоятельная работа - 2ч.)*

Дифференциальные уравнения высших порядков, допускающие понижение порядка. Дифференциальные уравнения n порядка

## **Раздел 5. Ряды**

**(Лекционные занятия - 6ч.; Практические занятия - 8ч.; Самостоятельная работа - 6ч.)**

### **Тема 5.1. Числовые ряды**

**(Лекционные занятия - 4ч.; Практические занятия - 4ч.; Самостоятельная работа - 4ч.)**

Основные понятия, сходимость. Основные теоремы о сходящихся числовых рядах. Признаки сходимости и расходимости рядов с положительными членами: признаки сравнения, Коши, Даламбера, интегральный. Знакопеременный ряд. Знакочередующийся ряд. Признак Лейбница. Условная и абсолютная сходимости. Свойства абсолютно сходящихся рядов.

### **Тема 5.2. Функциональные ряды**

**(Лекционные занятия - 2ч.; Практические занятия - 4ч.; Самостоятельная работа - 2ч.)**

Степенные ряды. Применение рядов к приближенным вычислениям. Понятие о рядах Фурье, приложения функциональных рядов.

## **Раздел 6. Теория вероятностей и математическая статистика**

**(Лекционные занятия - 20ч.; Практические занятия - 16ч.; Самостоятельная работа - 51ч.)**

### **Тема 6.1. Введение в теорию вероятностей**

**(Лекционные занятия - 2ч.; Практические занятия - 2ч.; Самостоятельная работа - 8ч.)**

Основные понятия. Виды случайных событий и операции над ними. Определения вероятности события. Комбинаторика

### **Тема 6.2. Основные теоремы элементарной теории вероятностей**

**(Лекционные занятия - 2ч.; Практические занятия - 2ч.; Самостоятельная работа - 8ч.)**

Теоремы сложения и умножения. Формула полной вероятности. Формулы Байеса.

### **Тема 6.3. Повторные независимые испытания**

**(Лекционные занятия - 4ч.; Практические занятия - 2ч.; Самостоятельная работа - 8ч.)**

Формула Я. Бернулли. Наивероятнейшее число наступления испытания. Локальная и интегральная формулы Муавра-Лапласа. Формула Пуассона

### **Тема 6.4. Дискретные случайные величины**

**(Лекционные занятия - 2ч.; Практические занятия - 4ч.; Самостоятельная работа - 9ч.)**

Понятие случайной величины. Способы задания дискретных случайных величин (ДСВ). Числовые характеристики ДСВ. Некоторые законы распределения ДСВ

### **Тема 6.5. Непрерывные случайные величины**

**(Лекционные занятия - 2ч.; Практические занятия - 2ч.; Самостоятельная работа - 6ч.)**

Интегральная функция распределения. Дифференциальная функция распределения. Числовые характеристики НСВ. Некоторые законы распределения НСВ.

### **Тема 6.6. Математическая статистика**

**(Лекционные занятия - 4ч.; Практические занятия - 2ч.; Самостоятельная работа - 6ч.)**

Выборочный метод и способы составления выборок. Статистическое распределение и его геометрическое изображение. Числовые характеристики вариационного ряда. Статистическое оценивание.

Доверительные интервалы. Объемы выборок

### **Тема 6.7. Элементы теории корреляции**

**(Лекционные занятия - 4ч.; Практические занятия - 2ч.; Самостоятельная работа - 6ч.)**

Понятие корреляционной зависимости. Линейная корреляция и ее параметры. Коэффициент корреляции и его свойства

**Раздел 7. Промежуточная аттестация  
(Внеаудиторная контактная работа - 7ч.)**

*Тема 7.1. Зачет  
(Внеаудиторная контактная работа - 1ч.)*

Экзамен 1

*Тема 7.2. Экзамен 2  
(Внеаудиторная контактная работа - 3ч.)*

Экзамен 2

*Тема 7.3. Экзамен 3  
(Внеаудиторная контактная работа - 3ч.)*

Экзамен 3

**6. Оценочные материалы текущего контроля**

**Раздел 1. Линейная алгебра и аналитическая геометрия**

*Форма контроля/оценочное средство: Задача*

*Вопросы/Задания:*

1. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Дана матрица А. Чему равна сумма элементов, расположенных на главной диагонали этой матрицы?

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 5 & -7 \\ 8 & -1 & 3 \\ 3 & 1 & 4 \end{pmatrix}$$

2. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Дана матрица А. Тогда сумма элементов, расположенных на побочной диагонали этой матрицы равна...

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & -8 \\ 7 & -1 & 9 \\ 2 & 3 & 9 \end{pmatrix}$$

3. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Матрицу А можно умножить на матрицу В, если ...

4. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ. Прочтите задание и установите соответствие.

Какое действие можно выполнить над матрицами:

- 1 сложение
- 2 вычитание
- 3 деление
- 4 умножение

$$\begin{pmatrix} -1 & 5 \\ 2 & 6 \end{pmatrix} \quad \begin{pmatrix} 1 & 5 & 3 \\ 4 & 6 & 2 \end{pmatrix}$$

5. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Дана матрица А. Чему равно алгебраическое дополнение элемента a<sub>22</sub>

$$A = \begin{pmatrix} 3 & -4 \\ 5 & 1 \end{pmatrix}$$

6. Прочтайте задание, выберите правильные ответы, запишите аргументы, обосновывающие выбор ответов.

Нельзя найти частное от деления двух...

1	<input type="checkbox"/>	векторов
2	<input type="checkbox"/>	матриц
3	<input type="checkbox"/>	определителей
4	<input type="checkbox"/>	ненулевых чисел

7. Прочтайте задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Дана матрица  $A$ . Чему равно произведение элементов первой строки ее транспонированной матрицы

$$A = \begin{pmatrix} 3 & -4 \\ 5 & 1 \end{pmatrix}$$

8. Прочтайте задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Чтобы вычислить произведение матрицы на число, нужно...

1	<input checked="" type="radio"/>	умножить элементы главной диагонали матрицы на это число
2	<input checked="" type="radio"/>	умножить элементы первой строки матрицы на это число
3	<input checked="" type="radio"/>	умножить элементы первого столбца матрицы на это число
4	<input checked="" type="radio"/>	умножить каждый элемент матрицы на это число

9. Прочтайте задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Укажите номер неверного свойства умножения матриц:

1	<input checked="" type="radio"/>	$AB=BA$
2	<input checked="" type="radio"/>	$(AB)C=A(BC)$
3	<input checked="" type="radio"/>	$a(AB)=(aA)B=A(aB)$
4	<input checked="" type="radio"/>	$AE=EA$ , где $E$ - единичная матрица.

10. Прочтайте задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Свойство коммутативности сложения матриц, записывается в виде:

1	<input checked="" type="radio"/>	$(A+B)+C=A+(B+C)$
2	<input checked="" type="radio"/>	$A+B=B+A$
3	<input checked="" type="radio"/>	$a(A+B)=aA+aB$
4	<input checked="" type="radio"/>	$(a+\beta)A=aA+\beta A$

11. Прочтайте задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Определитель представляет собой ...

1	<input checked="" type="radio"/>	Прямоугольную таблицу.
2	<input checked="" type="radio"/>	Число.
3	<input checked="" type="radio"/>	Переменную величину.
4	<input checked="" type="radio"/>	Уравнение.

12. Прочтайте задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Выберите верное утверждение:

1	<input checked="" type="radio"/>	Если поменять местами две строки (столбца) матрицы, то определить матрицы не поменяет знак
2	<input checked="" type="radio"/>	Для матрицы первого порядка значение определителя равно элементу этой матрицы
3	<input checked="" type="radio"/>	Определитель матрицы равен сумме элементов строки определителя на их алгебраические дополнения
4	<input checked="" type="radio"/>	Определитель матрицы равен сумме произведений элементов строки определителя на их миноры

13. Прочтайте задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Порядок определителя – это:

1	<input checked="" type="radio"/>	диапазон значений его элементов
2	<input checked="" type="radio"/>	значение определителя
3	<input checked="" type="radio"/>	число его строк и столбцов
4	<input checked="" type="radio"/>	сумма индексов последнего элемента последней строки

14. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Система линейных алгебраических уравнений может быть записана ....

1	<input type="radio"/>	в виде определителя
2	<input type="radio"/>	в матричной форме
3	<input type="radio"/>	в векторной форме
4	<input type="radio"/>	в виде произведения двух систем

15. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Система трех линейных алгебраических уравнений с тремя переменными имеет единственное решение, если....

16. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Для решения системы трех линейных алгебраических уравнений с тремя переменными методом Крамера необходимо вычислить....

1	<input type="radio"/>	один определитель
2	<input type="radio"/>	два определителя
3	<input type="radio"/>	три определителя
4	<input type="radio"/>	четыре определителя

17. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Тривиальное (нулевое) решение всегда существует для системы...

18. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Система линейных алгебраических уравнений называется однородной, если....

1	<input type="radio"/>	определитель системы равен нулю
2	<input type="radio"/>	свободные члены равны нулю
3	<input type="radio"/>	свободные члены равны единице
4	<input type="radio"/>	определитель системы не равен нулю

19. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Прямая проходит через точки  $O(0;0)$  и  $A(-2;1)$ . Ее угловой коэффициент равен...

1	<input type="radio"/>	-3
2	<input type="radio"/>	3
3	<input type="radio"/>	1/3
4	<input type="radio"/>	-1/2

20. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Прямые  $2x+y-1=0$  и  $x-y+7=0$  пересекаются в точке...

1.  $A(0;-2)$
2.  $B(1;5)$
3.  $C(-2;5)$
4.  $D(2;5)$

*Форма контроля/оценочное средство: Компетентностно-ориентированное задание*

*Вопросы/Задания:*

1. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Решите задачу

### Задание – 1

Предприятие выпускает продукцию двух видов  $P_1, P_2$  и использует сырьё трёх типов  $S_1, S_2, S_3$ . Нормы расхода сырья характеризуются матрицей  $A$ , где каждый элемент  $a_{ij}$ , ( $i=1; 2; 3, j=1; 2$ ) показывает, сколько единиц сырья  $i$ -го типа расходуется на производство единицы продукции  $j$ -го вида. План выпуска продукции задан матрицей-строкой  $B$ , стоимость единицы каждого типа сырья (ден. ед.) – матрицей-столбцом  $P$ . Определить затраты сырья, необходимые для планового выпуска продукции, и общую стоимость сырья.

$$\begin{pmatrix} 3 & 1 \end{pmatrix} \quad (10)$$

$$A = \begin{pmatrix} 5 & 7 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}; \quad P = \begin{pmatrix} 15 \\ 27 \end{pmatrix}; \quad B = (115 \ 110 \ 115).$$

2. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Решите задачу

#### Задание – 3

Предприятие выпускает продукцию двух видов  $P_1, P_2$  и использует сырьё трёх типов  $S_1, S_2, S_3$ . Нормы расхода сырья характеризуются матрицей  $A$ , где каждый элемент  $a_{ij}$ , ( $i=1; 2; 3, j=1; 2$ ) показывает, сколько единиц сырья  $i$ -го типа расходуется на производство единицы продукции  $j$ -го вида. План выпуска продукции задан матрицей-строкой  $B$ , стоимость единицы каждого типа сырья (ден. ед.) – матрицей-столбцом  $P$ . Определить затраты сырья, необходимые для планового выпуска продукции, и общую стоимость сырья.

$$A = \begin{pmatrix} 5 & 2 \\ 7 & 8 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}; \quad P = \begin{pmatrix} 17 \\ 16 \end{pmatrix}; \quad B = (86 \ 98 \ 110).$$

3. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Решите задачу

#### Задание – 4

Предприятие выпускает продукцию двух видов  $P_1, P_2$  и использует сырьё трёх типов  $S_1, S_2, S_3$ . Нормы расхода сырья характеризуются матрицей  $A$ , где каждый элемент  $a_{ij}$ , ( $i=1; 2; 3, j=1; 2$ ) показывает, сколько единиц сырья  $i$ -го типа расходуется на производство единицы продукции  $j$ -го вида. План выпуска продукции задан матрицей-строкой  $B$ , стоимость единицы каждого типа сырья (ден. ед.) – матрицей-столбцом  $P$ . Определить затраты сырья, необходимые для планового выпуска продукции, и общую стоимость сырья.

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 9 & 7 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}; \quad P = \begin{pmatrix} 18 \\ 22 \end{pmatrix}; \quad B = (134 \ 87 \ 124).$$

4. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Решите задачу

#### Задание – 5

Предприятие выпускает продукцию двух видов  $P_1, P_2$  и использует сырьё трёх типов  $S_1, S_2, S_3$ . Нормы расхода сырья характеризуются матрицей  $A$ , где каждый элемент  $a_{ij}$ , ( $i=1; 2; 3, j=1; 2$ ) показывает, сколько единиц сырья  $i$ -го типа расходуется на производство единицы продукции  $j$ -го вида. План выпуска продукции задан матрицей-строкой  $B$ , стоимость единицы каждого типа сырья (ден. ед.) – матрицей-столбцом  $P$ . Определить затраты сырья, необходимые для планового выпуска продукции, и общую стоимость сырья.

$$A = \begin{pmatrix} 7 & 4 \\ 3 & 7 \\ 1 & 5 \end{pmatrix}; \quad P = \begin{pmatrix} 18 \\ 37 \end{pmatrix}; \quad B = (123 \ 143 \ 123).$$

5. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Решите задачу

#### Задание – 6

### Задание – 6

Предприятие выпускает продукцию двух видов  $P_1, P_2$  и использует сырьё трёх типов  $S_1, S_2, S_3$ . Нормы расхода сырья характеризуются матрицей  $A$ , где каждый элемент  $a_{ij}$ , ( $i=1, 2, 3, j=1, 2$ ) показывает, сколько единиц сырья  $i$ -го типа расходуется на производство единицы продукции  $j$ -го вида. План выпуска продукции задан матрицей-строкой  $B$ , стоимость единицы каждого типа сырья (ден. ед.) – матрицей-столбцом  $P$ . Определить затраты сырья, необходимые для планового выпуска продукции, и общую стоимость сырья.

$$A = \begin{pmatrix} 4 & 2 \\ 5 & 8 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}; \quad P = \begin{pmatrix} 18 \\ 19 \end{pmatrix}; \quad B = \begin{pmatrix} 124 & 162 & 172 \end{pmatrix}.$$

*Форма контроля/оценочное средство: Кейс-задание*

*Вопросы/Задания:*

1. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Предприятие по переработке полезных ископаемых выпускает три вида минеральных удобрений, используя сырьё трёх типов. Требуется определить объем выпуска минеральных удобрений каждого вида при заданных в таблице запасах сырья.

Вид сырья	Расход сырья по видам минеральных удобрений			Запас сырья всех видов
	1	2	3	
1	1	4	2	10000
2	3	13	8	33000
3	5	20	3	46500

2. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Предприятие по переработке полезных ископаемых выпускает три вида минеральных удобрений, используя сырьё трёх типов. Требуется определить объем выпуска минеральных удобрений каждого вида при заданных в таблице запасах сырья.

Вид сырья	Расход сырья по видам минеральных удобрений			Запас сырья всех видов
	1	2	3	
1	1	2	5	7000
2	2	3	4	10000
3	4	8	22	28500

3. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Предприятие по переработке полезных ископаемых выпускает три вида минеральных удобрений, используя сырьё трёх типов. Требуется определить объем выпуска минеральных удобрений каждого вида при заданных в таблице запасах сырья.

Вид сырья	Расход сырья по видам минеральных удобрений			Запас сырья всех видов
	1	2	3	
1	10	20	40	60000
2	2	3	5	11000
3	3	6	6	17400

4. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Предприятие по переработке полезных ископаемых выпускает три вида минеральных удобрений, используя сырьё трёх типов. Требуется определить объем выпуска минеральных удобрений каждого вида при заданных в таблице запасах сырья.

Вид сырья	Расход сырья по видам минеральных удобрений			Запас сырья всех видов
	1	2	3	
1	2	3	4	10000

1	2	6	4	10000
2	4	2	2	16000
3	2	6	3	9500

5. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Предприятие по переработке полезных ископаемых выпускает три вида минеральных удобрений, используя сырьё трёх типов. Требуется определить объем выпуска минеральных удобрений каждого вида при заданных в таблице запасах сырья.

Вид сырья	Расход сырья по видам минеральных удобрений			Запас сырья всех видов
	1	2	3	
1	7	21	14	35000
2	4	2	3	13000
3	5	15	3	23600

*Форма контроля/оценочное средство: Расчетно-графическая работа*

*Вопросы/Задания:*

1. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Вычислить определитель четвертого порядка:

- разложением по элементам ряда;
- сведением к треугольному виду.

$$\begin{vmatrix} 2 & 1 & 4 & 6 \\ -1 & 0 & 2 & 0 \\ 3 & 1 & 2 & 1 \\ 7 & 3 & -3 & -2 \end{vmatrix}$$

2. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Вычислить определитель четвертого порядка:

- разложением по элементам ряда;
- сведением к треугольному виду.

$$\begin{vmatrix} -2 & -1 & 0 & 3 \\ 3 & 2 & -1 & -3 \\ 2 & -2 & -1 & 7 \\ 7 & 1 & 3 & -2 \end{vmatrix}$$

3. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Вычислить определитель четвертого порядка:

- разложением по элементам ряда;
- сведением к треугольному виду.

$$\begin{vmatrix} 1 & -2 & 5 & 7 \\ -2 & 1 & 1 & -3 \\ 4 & 0 & -2 & 4 \\ 2 & -3 & 1 & 5 \end{vmatrix}$$

4. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Вычислить определитель четвертого порядка:

- разложением по элементам ряда;
- сведением к треугольному виду.

$$\begin{vmatrix} 3 & 0 & 1 & 1 \\ 2 & 3 & -2 & 2 \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} 4 & 3 & -4 & 4 \\ 1 & -2 & 3 & 0 \\ 1 & 2 & -4 & -1 \end{vmatrix}$$

5. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Вычислить определитель четвертого порядка:

- разложением по элементам ряда;
- сведением к треугольному виду.

$$\begin{vmatrix} 3 & -6 & -1 & 7 \\ 2 & 0 & -1 & 2 \\ 1 & -1 & 2 & -1 \\ 0 & 2 & -1 & -3 \end{vmatrix}$$

## Раздел 2. Математический анализ

Форма контроля/оценочное средство: Задача

Вопросы/Задания:

1. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Найти пределы функций

$$\lim_{x \rightarrow 0} \operatorname{tg} 2x \cdot \operatorname{ctg} 6x;$$

2. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Найти пределы функций

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} 7x}{\sin 9x};$$

3. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Найти пределы функций

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin 2x}{3x};$$

4. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Найти пределы функций

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{4x}{\operatorname{arctg} 3x};$$

5. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Найти пределы функций

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{5x}{\arcsin 4x};$$

Форма контроля/оценочное средство: Компетентностно-ориентированное задание

Вопросы/Задания:

1. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Вычислите предел функции

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 + 3x - 4}{x^2 - 5x - 6}$$

2. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Выберите правильное утверждение:

- 1) значение предела функции не единственное
- 2) постоянный множитель нельзя выносить за знак предела
- 3) постоянный множитель можно выносить за знак предела
- 4) предел постоянной величины равен нулю

3. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

При делении постоянной величины на бесконечно малую получается...

- 1) переменная величина
- 2) бесконечно малая величина
- 3) ограниченная величина
- 4) бесконечно большая величина

4. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

При делении постоянной величины на бесконечно большую получается...

- 1) переменная величина
- 2) бесконечно малая величина
- 3) ограниченная величина
- 4) бесконечно большая величина

5. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Вычислите предел функции

$$\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2 - 4}{x + 2}$$

6. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Область определения функции равна...

$$y = \sqrt{5 - \log_2 x}$$

1. (0; 5];      2. (0; +\infty);      3. (0; 32];      4. [32; +\infty).

7. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Вертикальной асимптотой графика функции  $y = y(x)$  является прямая, определяемая уравнением...

$$y = \frac{3 + 4x}{x}$$

8. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Сколько вертикальных асимптот имеет график функции

9. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Функция  $f(x)$  в точке  $x = 4$ :

1. имеет разрыв I рода.
2. имеет разрыв II рода
3. определена и не имеет разрыва.
4. определена и имеет устранимый разрыв.

$$f(x) = 8^{\frac{1}{x-3}}$$

10. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Функция  $y(x)$  в точке  $x=3$ :

- имеет разрыв I рода.
- имеет разрыв II рода
- определена и не имеет разрыва.
- определена и имеет устранимый разрыв.

$$y = \frac{|x-3|}{x-3}$$

11. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Найдите значение производной функции  $y=y(x)$

в точке с абсциссой  $x = 3$

$$y(x) = \ln(4-x)$$

12. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Материальная точка движется по закону  $x(t)$ . Через сколько секунд после начала движения ускорение точки будет равна  $10 \text{ м/с}^2$ ?

$$x(t) = \frac{1}{3}t^3 - t^2 + 9t + 11$$

13. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Критическими точками функции  $y=y(x)$  являются точки ...

$$y = x^3 - 3x^2 + 9$$

14. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Точкой перегиба функции  $y=y(x)$  является точка с абсциссой равной...

$$y = x^3 + 6x$$

*Форма контроля/оценочное средство: Расчетно-графическая работа*

*Вопросы/Задания:*

1. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Исследовать данные функции методами дифференциального исчисления и построить их графики. В пункте б) дополнительно составить уравнения касательной и нормали, проведенных к графику функции в точке  $x_0$

1. а)  $y = \frac{4}{1+x^2}$ ;      б)  $y = \frac{x^2+1}{x}$ ,       $x_0 = 1$ .

2. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Исследовать данные функции методами дифференциального исчисления и построить их графики. В пункте б) дополнительно составить уравнения касательной и нормали, проведенных к графику функции в точке  $x_0$

2. а)  $y = \frac{x}{x^2+2}$ ;      б)  $y = \frac{x}{9-x^2}$ ,       $x_0 = 2$ .

3. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Исследовать данные функции методами дифференциального исчисления и построить их графики. В пункте б) дополнительно составить уравнения касательной и нормали, проведенных к графику функции в точке  $x_0$

$$3. \quad \text{a)} \quad y = \frac{9x}{x^2 + 9}; \quad \text{б)} \quad y = \frac{x^2}{x-1}, \quad x_0 = 2.$$

4. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Исследовать данные функции методами дифференциального исчисления и построить их графики. В пункте б) дополнительно составить уравнения касательной и нормали, проведенных к графику функции в точке  $x_0$

$$4. \quad \text{a)} \quad y = -\frac{x}{x^2 + 1}; \quad \text{б)} \quad y = \frac{x^2}{x-1}, \quad x_0 = -1.$$

5. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Исследовать данные функции методами дифференциального исчисления и построить их графики. В пункте б) дополнительно составить уравнения касательной и нормали, проведенных к графику функции в точке  $x_0$

$$5. \quad \text{a)} \quad y = \frac{10 - x^2}{x^2 + 2}; \quad \text{б)} \quad y = \frac{x^2 - 15}{x + 4}, \quad x_0 = -3.$$

### Раздел 3. Функции нескольких переменных

Форма контроля/оценочное средство: Задача

Вопросы/Задания:

1. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Найти и изобразить на плоскости область определения функции

Найти и изобразить на плоскости область определения функции

$$f(x, y) = 3^{\ln(-x^2 - y^2 - 4x)} + \frac{1}{\sqrt[4]{xy}}.$$

2. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Найти и изобразить на плоскости область определения функции

Найти и изобразить на плоскости область определения функции

$$f(x, y) = \lg \sqrt[3]{\frac{x^2 - y - 1}{x - y}}.$$

3. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Найти и изобразить на плоскости область определения функции

Найти и изобразить на плоскости область определения функции

$$f(x, y) = e^{\sqrt[4]{x - y^2 - 4y + 3}} + \ln(-x - 2y).$$

4. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Найти и изобразить на плоскости область определения функции

Найти и изобразить на плоскости область определения функции

$$f(x, y) = 2^{\log_3(4x^2 - y^2)} + \sqrt{4y - x^2 - y^2}.$$

5. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Найти и изобразить на плоскости область определения функции

Найти и изобразить на плоскости область определения функции

$$f(x, y) = 5^{\sqrt[4]{2x-x^2-y^2}} - \sqrt{x}y^3.$$

#### Раздел 4. Обыкновенные дифференциальные уравнения

Форма контроля/оценочное средство: Задача

Вопросы/Задания:

1. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Дифференциальное уравнение вида ... является уравнением:

1. Бернулли
2. Уравнением с разделяющимися переменными
3. Однородным уравнением первого порядка
4. Линейным уравнением первого порядка

$$f_1(x)f_2(y)dx + \varphi_1(x)\varphi_2(y)dy = 0$$

2. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Дифференциальное уравнение вида ... является уравнением:

1. Бернулли
2. Уравнением с разделяющимися переменными
3. Однородным уравнением первого порядка
4. Линейным уравнением первого порядка

$$y' + yp(x) = q(x)$$

3. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Уравнение вида ... является уравнением...

$$y' + yp(x) = q(x)y^n, n \neq 0, n \neq 1$$

4. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Решением дифференциального уравнения ... является семейство функций

Решением дифференциального уравнения

$$y'' + 10y' + 25y = 0$$

является семейство функций...

1. $Y = e^{-5x}(C_1 \cos(-5x) + C_2 \sin(-5x))$
2. $Y = C_1 \cos(-5x) + C_2 \sin(-5x)$
3. $Y = e^{-5x}(C_1 x + C_2)$
4. $Y = C_1 e^{-5x} + C_2 e^{-5x}$

5. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Уравнение ...

Уравнение вида

$$y^{(n)} = f(x)$$

является уравнением, допускающим понижение порядка, путем...

## Раздел 5. Ряды

Форма контроля/оценочное средство: Задача

Вопросы/Задания:

1. Прочитайте задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Данный ряд:

1. сходится
2. расходится
3. сходится абсолютно
4. сходится условно

Ряд

$$1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5} + \dots + \frac{1}{n}$$

2. Прочитайте задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Найдите общий член ряда

Общий член ряда

$$\frac{1}{2} + \frac{2}{3} + \frac{3}{4} + \frac{4}{5} + \dots + \frac{n}{n+1}$$

равен

$$1. \quad a_n = \frac{n}{n+1}$$

$$2. \quad a_n = \frac{n+1}{2n+1}$$

$$3. \quad a_n = \frac{n}{n+2}$$

$$4. \quad a_n = \frac{n}{2n-1}$$

3. Прочитайте задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Пятый член ряда  $1/2+1/4+1/8+\dots$  равен...

4. Прочитайте задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

При каком значении 1 ряд сходится

Если

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \left| \frac{a_{n+1}}{a_n} \right| = l$$

то числовой ряд сходится при  $l$ , равном...

- 1) 0,3
- 2) -2,1
- 3) 2,1
- 4) 1,3

5. Прочитайте задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Частичная сумма первых пяти членов числового ряда:  $10+11+12+\dots$  равна...

## Раздел 6. Теория вероятностей и математическая статистика

Форма контроля/оценочное средство: Кейс-задание

Вопросы/Задания:

1. Прочитайте задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

В магазине куплено 3 электроприбора: чайник, утюг и пылесос.

Вероятность выхода из строя в течение гарантийного срока для каждого из них

соответственно равны 0,05, 0,1 и 0,2.

Составить закон распределения случайной величины  $X$  — числа приборов, вышедших из строя в течение гарантийного срока.

Найти функцию распределения и построить её график.

2. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

На пути движения автомашины 4 светофора, каждый из которых запрещает дальнейшее движение автомашины с вероятностью 0,5.

Составить ряд распределения числа светофоров, пройденных машиной до первой остановки.

Найти функцию распределения и построить её график

3. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

В магазине имеется 15 автомобилей определенной марки. Среди них 7 черного цвета, 6 серого и 2 белого.

Представители фирмы обратились в магазин с предложением о продаже им 3 автомобилей этой марки, безразлично какого цвета.

Составить ряд распределения числа проданных автомобилей черного цвета при условии, что автомобили отбирались случайно.

Найти функцию распределения и построить её график.

4. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

В городе 4 коммерческих банка. У каждого риск банкротства в течение года составляет 20 %.

Составить ряд распределения числа банков, которые могут обанкротиться в течение следующего года.

Найти функцию распределения и построить её график.

5. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Охотник стреляет по дичи до первого попадания, но успевает сделать не более четырех выстрелов. Составить закон распределения числа промахов, если вероятность попадания в цель при одном выстреле равна 0,7. Найти функцию распределения и построить её график.

6. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

В магазине продаются 5 отечественных и 3 импортных телевизора. Составить закон распределения случайной величины — числа импортных из четырех наудачу выбранных телевизоров. Найти функцию распределения этой случайной величины и построить ее график.

7. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Сколько способами можно составить список, в котором 5 фамилий?

8. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

На столе лежат груша, яблоко, слива, апельсин. Сколько способами можно разложить фрукты на столе?

9. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Ребенок рисует радугу, сколько способами он может расположить цвета на рисунке?

10. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Сколько способами можно выбрать двух человек в президиум, в группе из 10 человек?

11. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

В семье 6 детей, уезжая на работу, родители назначают одного ребенка старшим, другого его помощником. Сколько способами они могут это сделать?

12. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Сколько способами можно выбрать трех человек на конференцию, в группе из 10 человек?

13. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

В хозяйстве 4 комбайна, вероятность поломки каждого в определенный день равна 0,2. Вероятность того, что в этот день выйдет из строя 2 комбайна, равна...

14. Прочтите задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Вероятность поражения цели первым спортсменом 0,8, вторым 0,75. Вероятность того, что при одновременном выстреле цель будет поражена, равна...

15. Прочитайте задание и запишите развернутый, обоснованный ответ.

Дан закон распределение ДСВ. Найти его математическое ожидание

Дан закон распределения вероятностей дискретной случайной величины:

X	1	2	3	4
p	a	0,3	0,4	0,1

Тогда значение a равно...

### **Раздел 7. Промежуточная аттестация**

*Форма контроля/оценочное средство:*

*Вопросы/Задания:*

.

## **7. Оценочные материалы промежуточной аттестации**

*Первый семестр, Зачет*

*Контролируемые ИДК: УК-1.4 ОПК-1.1 ОПК-1.3 ОПК-1.4*

*Вопросы/Задания:*

1. Матрицы. Основные понятия.
2. Виды матриц
3. Линейные операции над матрицами
4. Умножение матриц
5. Транспонирование матриц
6. Определители 2 и 3 порядка. Правило Сарриуса
7. Свойства определителей
8. Миноры и алгебраические дополнения элементов матриц.
9. Вычисление определителей по методу Лапласа
10. Обратная матрица
11. Ранг матрицы
12. Собственные векторы матриц.
13. Понятие вектора. Операции над векторами.
14. Разложение вектора по ортам координатных осей
15. Скалярное произведение векторов, его свойства

16. Векторное произведение векторов, его свойства
17. Смешанное произведение векторов, его свойства
18. Векторное пространство
19. Линейная зависимость векторов. Свойства линейно зависимой системы векторов
20. Базис и размерность векторного пространства
21. Системы линейных уравнений. Основные понятия
22. Метод Крамера решения систем линейных уравнений.
23. Метод обратной матрицы решения систем линейных уравнений.
24. Метод Гаусса решения систем линейных уравнений
25. Системы уравнений общего вида. Теорема Кронекера-Капелли
26. Однородные системы линейных уравнений
27. Уравнение линии
28. Уравнения прямой на плоскости: уравнение с угловым коэффициентом
29. Уравнения прямой на плоскости: уравнение прямой, проходящей через заданную точку, перпендикулярно вектору
30. Уравнения прямой на плоскости: уравнение прямой, проходящей через заданную точку в данном направлении
31. Уравнения прямой на плоскости: уравнение прямой «в отрезках»
32. Уравнения прямой на плоскости: уравнение, проходящей через две точки
33. Уравнения прямой на плоскости: общее уравнение прямой
34. Уравнения прямой на плоскости: угол между прямыми; расстояние от точки до прямой
35. Окружность: характеристики, график
36. Эллипс: характеристики, график
37. Гипербола: характеристики, график
38. Парабола: характеристики, график

39. Методы преобразования общего уравнения кривой второго порядка к каноническому виду.

40. Плоскость в пространстве: уравнение плоскости, проходящей через данную точку перпендикулярно данному вектору

41. Плоскость в пространстве: общее уравнение плоскости

42. Плоскость в пространстве: уравнение плоскости, проходящей через три данных точки

43. Плоскость в пространстве: уравнение плоскости в отрезках

44. Плоскость в пространстве: угол между плоскостями; расстояние от точки до плоскости

45. Прямая линия в пространстве: канонические уравнения прямой

46. Прямая линия в пространстве: уравнение прямой, проходящей через две точки

47. Прямая линия в пространстве: векторное уравнение прямой

48. Прямая линия в пространстве: параметрические уравнения прямой

49. Прямая линия в пространстве: угол между прямыми

50. Прямая линия в пространстве: угол между прямой и плоскостью

51. Прямая линия в пространстве: пересечение прямой с плоскостью

52. Комплексные числа: основные понятия

53. Арифметические операции над комплексными числами

54. Алгебраическая форма записи комплексного числа

55. Тригонометрическая форма записи комплексного числа

56. Показательная форма записи комплексного числа

57. Функция одной переменной: основные понятия

58. Основные свойства функции одной переменной

59. График функции. Элементарные преобразования над графиками функции

60. Основные элементарные функции и их свойства

61. Предел последовательности

62. Предел функции в точке

63. Понятие о бесконечно малых и бесконечно больших величинах

64. Первый замечательный предел

65. Второй замечательный предел

66. Методы вычисления пределов функции в точке. Раскрытие неопределенностей вида «0/0».

67. Раскрытие неопределенностей вида « $\infty/\infty$ » и « $\infty-\infty$ ».

68. Непрерывность функции

69. Сравнение бесконечно малых

70. Классификация точек разрыва функции

*Второй семестр, Экзамен*

*Контролируемые ИДК: УК-1.4 ОПК-1.1 ОПК-1.3 ОПК-1.4*

Вопросы/Задания:

1. Производная функции одной переменной

Проверка 1 вопрос

2. Правила вычисления производных функций одной переменной

Проверка

3. Таблица производных основных элементарных функций.

4. Геометрический смысл производной

5. Физический смысл производной

6. Экономический смысл производной

7. Производная сложной и обратной функции

9. Логарифмическое дифференцирование

10. Дифференцирование неявных функций

11. Дифференцирование функций, заданных в параметрической форме

12. Производные высших порядков

13. Предельные величины

14. Эластичность функции

15. Дифференциал функции: основные понятия

16. Свойства дифференциала функции

17. Геометрический смысл дифференциала функции

18. Приближенные вычисления с помощью дифференциала

19. Применение производных к исследованию функций: максимум и минимум функции

20. Применение производных к исследованию функций: возрастание и убывание функций

21. Применение производных к исследованию функций: выпуклость и вогнутость кривой, точки перегиба

22. Применение производных к исследованию функций: асимптоты функции

23. Применение производных к исследованию функций: полное исследование функции и построение графика

24. Первообразная функции и неопределенный интеграл: основные понятия

25. Свойства неопределенного интеграла

26. Таблица основных интегралов

27. Методы интегрирования: непосредственное интегрирование

28. Методы интегрирования: интегрирование подведением функции под знак дифференциала

29. Методы интегрирования: интегрирование заменой переменной

30. Методы интегрирования: интегрирование по частям

31. Методы интегрирования: интегрирование функций, содержащих квадратных трехчлен

32. Методы интегрирования: интегрирование тригонометрических функций

33. Методы интегрирования: интегрирование некоторых иррациональных функций

34. Понятие о "неберущихся" интегралах

35. Понятие определенного интеграла

36. Свойства определенного интеграла

37. Вычисление определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница

38. Замена переменной в определенном интеграле

39. Метод интегрирования по частям в определенном интеграле

40. Приложения определенного интеграла: площадь плоской фигуры

41. Приложения определенного интеграла: длина дуги кривой

42. Несобственный интеграл с бесконечными пределами

43. Несобственный интеграл от неограниченных функций

44. Дифференциальные уравнения: общие понятия

45. Дифференциальные уравнения первого порядка: диф.уравнения с разделяющимися переменными

46. Дифференциальные уравнения первого порядка: однородные дифференциальные уравнения

47. Дифференциальные уравнения первого порядка: линейные дифференциальные уравнения первого порядка

48. Дифференциальные уравнения первого порядка: уравнения Я. Бернулли

49. Дифференциальные уравнения первого порядка: уравнения в полных дифференциалах

50. Дифференциальные уравнения высших порядков: уравнения, допускающие понижение порядка

51. Дифференциальные уравнения высших порядков: уравнения, не содержащие искомой функции

52. Дифференциальные уравнения высших порядков: уравнения, не содержащие явно независимой переменной

53. Линейные дифференциальные уравнения порядка n

54. Числовой ряд: основные понятия

55. Числовой ряд: свойства сходящихся рядов

56. Числовой ряд: необходимый признак сходимости ряда; гармонический ряд

57. Достаточные признаки сходимости числовых рядов: признаки сравнения рядов

58. Достаточные признаки сходимости числовых рядов: признак Даламбера

59. Достаточные признаки сходимости числовых рядов: радикальный признак Коши
60. Достаточные признаки сходимости числовых рядов: интегральный признак Коши
61. Знакопеременные и знакочередующиеся ряды: основные понятия
62. Признак сходимости знакочередующихся рядов Лейбница
63. Абсолютная и условная сходимость знакочередующихся рядов
64. Свойства абсолютно и условно сходящихся знакочередующихся рядов
65. Функциональные ряды: основные понятия
66. Степенные ряды: основные понятия
67. Разложения функций в степенные ряды: ряды Тейлора и Маклорена
68. Разложение в ряд Тейлора основных элементарных функций
69. Применение рядов Тейлора
70. Тригонометрические ряды Фурье: основные понятия

*Третий семестр, Экзамен*

*Контролируемые ИДК: УК-1.4 ОПК-1.1 ОПК-1.3 ОПК-1.4*

*Вопросы/Задания:*

1. Теория вероятностей: основные понятия и определения
2. Виды случайных событий и операции над ними
3. Классическое определение вероятности
4. Статистическое определение вероятности
5. Геометрическое понятие вероятности
6. Аксиоматическое построение теории вероятности
7. Комбинаторика: схема без повторений
8. Комбинаторика: схема с повторениями
9. Основные теоремы элементарной теории вероятностей: теоремы сложения вероятностей
10. Основные теоремы элементарной теории вероятностей: теоремы умножения вероятностей

11. Формула полной вероятности
12. Формулы Байеса
13. Повторные независимые испытания: формула Я. Бернулли
14. Повторные независимые испытания: наивероятнейшее число наступления события
15. Повторные независимые испытания: локальная формула Муавра-Лапласа
16. Повторные независимые испытания: интегральная формула Муавра-Лапласа
17. Повторные независимые испытания: отклонение относительной частоты
18. Повторные независимые испытания: формула Пуассона
19. Случайная величина: основные понятия
20. Задание дискретных случайных величин: табличный способ
21. Задание дискретных случайных величин: аналитический способ
22. Задание дискретных случайных величин: графический способ
23. Операции сложения и умножения случайных величин
24. Числовые характеристики дискретных случайных величин: математическое ожидание
25. Числовые характеристики дискретных случайных величин: дисперсия
26. Числовые характеристики дискретных случайных величин: среднее квадратическое отклонение
27. Законы распределения дискретных случайных величин: биномиальное распределение
28. Законы распределения дискретных случайных величин: распределение Пуассона
29. Законы распределения дискретных случайных величин: геометрическое распределение
30. Непрерывные случайные величины: интегральная функция распределения
31. Непрерывные случайные величины: дифференциальная функция распределения
32. Числовые характеристики непрерывных случайных величин: математическое ожидание

33. Числовые характеристики непрерывных случайных величин: дисперсия

34. Числовые характеристики непрерывных случайных величин: среднее квадратическое отклонение

35. Законы распределения непрерывных случайных величин: равномерный закон распределения

36. Законы распределения непрерывных случайных величин: показательный закон распределения

37. Законы распределения непрерывных случайных величин: нормальный закон распределения

38. Вероятность попадания в заданных интервал нормально распределенной случайной величины

39. Правило трех сигм

40. Закон больших чисел

41. Теоремы Бернулли и Чебышева

42. Центральная предельная теорема Ляпунова

43. Выборочный метод и способы составления выборок

44. Статистическое распределение и его геометрическое изображение

45. Алгоритм составления дискретного статистического распределения

46. Числовые характеристики вариационного ряда

47. Статистическое оценивание

48. Доверительные интервалы

49. Объемы выборок

50. Проверка статистических гипотез

51. Алгоритм проверки статистических гипотез

52. Понятие корреляционной зависимости

53. Линейная корреляция и ее параметры

54. Коэффициент корреляции и его свойства

55. Принцип максимального правдоподобия

56. Статистические методы обработки экспериментальных данных.

57. Функциональная зависимость и регрессия.

58. Кривые регрессии. Их свойства.

60. Законы распределения, применяемые в математической статистике

61. Статистические оценки параметров распределения (сущность теории оценивания): несмешенность, состоятельность, эффективность оценок

62. Точечные оценки: выборочная средняя, дисперсия, среднее квадратическое отклонение

63. Точечная оценка генеральной средней по выборочной средней

64. Точечная оценка генеральной дисперсии

65. "Исправленные" выборочная дисперсия и среднее квадратическое отклонение

66. Интервальные оценки. Точность оценки. Доверительная вероятность

67. Доверительные интервалы для оценки неизвестного значений генеральной средней и генеральной доли

68. Статистическая проверка гипотез

## **8. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины**

### **8.1. Перечень основной и дополнительной учебной литературы**

#### *Основная литература*

1. Анкилов,, А. В. Высшая математика. В 2 частях. Ч.1: высшая математика: учебное пособие / А. В. Анкилов,, П. А. Вельмисов,, Ю. А. Решетников,; под редакцией П. А. Вельмисова. - Высшая математика. В 2 частях. Ч.1: высшая математика - Ульяновск: Ульяновский государственный технический университет, 2017. - 251 с. - 978-5-9795-1746-9, 978-5-9795-1747-6 (ч.1). - Текст: электронный // IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/106088.html> (дата обращения: 08.09.2025). - Режим доступа: по подписке

2. Абрамова,, И. В. Высшая математика: учебно-методическое пособие для практических занятий / И. В. Абрамова,, З. В. Шилова,. - Высшая математика - Москва: Ай Пи Ар Медиа, 2023. - 141 с. - 978-5-4497-1846-4. - Текст: электронный // IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/125591.html> (дата обращения: 08.09.2025). - Режим доступа: по подписке

3. Бакланова Н. Б. Математика. Общий курс: учебное пособие / Бакланова Н. Б.. - 2-е изд., испр. и доп. - Йошкар-Ола: МарГУ, 2019. - 548 с. - 978-5-907066-70-0. - Текст: электронный. // RuSpLAN: [сайт]. - URL: <https://e.lanbook.com/img/cover/book/158304.jpg> (дата обращения: 19.06.2025). - Режим доступа: по подписке

4. АРИНИЧЕВА И. В. Математика с элементами статистики: учебник / АРИНИЧЕВА И. В., Ванжа В. В.. - Краснодар: КубГАУ, 2023. - 176 с. - 978-5-907816-40-4. - Текст: непосредственный.

5. Ганичева А. В. Математика для инженеров: учебное пособие / Ганичева А. В.. - Тверь: Тверская ГСХА, 2018. - 354 с. - Текст: электронный. // RuSpLAN: [сайт]. - URL: <https://e.lanbook.com/img/cover/book/134090.jpg> (дата обращения: 19.06.2025). - Режим доступа: по подписке

#### *Дополнительная литература*

1. Омельченко, В.П. Математика: Учебник / В.П. Омельченко, Н.В. Карасенко.; Донской государственный технический университет. - 1 - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2024. - 349 с. - 978-5-16-109995-7. - Текст: электронный // Общество с ограниченной ответственностью «ЗНАНИУМ»: [сайт]. - URL: <https://znanium.com/cover/2085/2085068.jpg> (дата обращения: 08.09.2025). - Режим доступа: по подписке

2. ШИПАЧЕВ В.С. Высшая математика: учеб. пособие для вузов / ШИПАЧЕВ В.С.. - 8-е изд., перераб. и доп. - М.: Юрайт, 2020. - 447 с. - 978-5-534-12319-7. - Текст: непосредственный.

3. Дадаян, А.А. Математика: Учебник / А.А. Дадаян. - 3 - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2024. - 544 с. - 978-5-16-012592-3. - Текст: электронный // Общество с ограниченной ответственностью «ЗНАНИУМ»: [сайт]. - URL: <https://znanium.ru/cover/2132/2132236.jpg> (дата обращения: 08.09.2025). - Режим доступа: по подписке

4. Алашеева,, Е. А. Математика. Часть 1: учебное пособие / Е. А. Алашеева,. - Математика. Часть 1 - Самара: Поволжский государственный университет телекоммуникаций и информатики, 2016. - 196 с. - 2227-8397. - Текст: электронный // IPR SMART: [сайт]. - URL: <https://www.iprbookshop.ru/71851.html> (дата обращения: 08.09.2025). - Режим доступа: по подписке

5. Юхно, Н.С. Математика: Учебник / Н.С. Юхно. - 1 - Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2024. - 204 с. - 978-5-16-109475-4. - Текст: электронный // Общество с ограниченной ответственностью «ЗНАНИУМ»: [сайт]. - URL: <https://znanium.ru/cover/2136/2136718.jpg> (дата обращения: 08.09.2025). - Режим доступа: по подписке

### **8.2. Профессиональные базы данных и ресурсы «Интернет», к которым обеспечивается доступ обучающихся**

#### *Профессиональные базы данных*

Не используются.

#### *Ресурсы «Интернет»*

1. <https://kubsau.ru/> - Сайт Кубанского государственного аграрного университета
2. [www.exponenta.ru](http://www.exponenta.ru) - образовательный математический веб-сайт, посвященный использованию специализированных математических пакетов Maple, Mathematica, Matlab и др.
3. <http://www.iprbookshop.ru/> - IPRbook
4. <https://i-exam.ru> - Единый портал интернет-тестирования в сфере образования
5. [www.dmvn.mexmat.net](http://www.dmvn.mexmat.net) - коллекция учебных материалов MexMata МГУ

### **8.3. Программное обеспечение и информационно-справочные системы, используемые при осуществлении образовательного процесса по дисциплине**

Информационные технологии, используемые при осуществлении образовательного процесса

по дисциплине позволяют:

- обеспечить взаимодействие между участниками образовательного процесса, в том числе синхронное и (или) асинхронное взаимодействие посредством сети «Интернет»;
- фиксировать ход образовательного процесса, результатов промежуточной аттестации по дисциплине и результатов освоения образовательной программы;
- организовать процесс образования путем визуализации изучаемой информации посредством использования презентаций, учебных фильмов;
- контролировать результаты обучения на основе компьютерного тестирования.

Перечень лицензионного программного обеспечения:

1 Microsoft Windows - операционная система.

2 Microsoft Office (включает Word, Excel, Power Point) - пакет офисных приложений.

Перечень профессиональных баз данных и информационных справочных систем:

1 Гарант - правовая, <https://www.garant.ru/>

2 Консультант - правовая, <https://www.consultant.ru/>

3 Научная электронная библиотека eLibrary - универсальная, <https://elibrary.ru/>

Доступ к сети Интернет, доступ в электронную информационно-образовательную среду университета.

*Перечень программного обеспечения*

*(обновление производится по мере появления новых версий программы)*

Не используется.

*Перечень информационно-справочных систем*

*(обновление выполняется еженедельно)*

Не используется.

#### **8.4. Специальные помещения, лаборатории и лабораторное оборудование**

Учебная аудитория

100гд

микровертушка ГМЦМ-01 - 0 шт.

Лекционный зал

202гд

Облучатель-рециркулятор воздуха 300 - 0 шт.

Сплит-система LS-H24KPA2/LU-H24KPA2 - 0 шт.

#### **9. Методические указания по освоению дисциплины (модуля)**

Учебная работа по направлению подготовки осуществляется в форме контактной работы с преподавателем, самостоятельной работы обучающегося, текущей и промежуточной аттестаций, иных формах, предлагаемых университетом. Учебный материал дисциплины структурирован и его изучение производится в тематической последовательности. Содержание методических указаний должно соответствовать требованиям Федерального государственного образовательного стандарта и учебных программ по дисциплине. Самостоятельная работа студентов может быть выполнена с помощью материалов, размещенных на портале поддержки Moodle.

#### ***Методические указания по формам работы***

##### ***Лекционные занятия***

Передача значительного объема систематизированной информации в устной форме

достаточно большой аудитории. Дает возможность экономно и систематично излагать учебный материал. Обучающиеся изучают лекционный материал, размещенный на портале поддержки обучения Moodle.

### ***Практические занятия***

Форма организации обучения, проводимая под руководством преподавателя и служащая для детализации, анализа, расширения, углубления, закрепления, применения (или выполнения разнообразных практических работ, упражнений) и контроля усвоения полученной на лекциях учебной информации. Практические занятия проводятся с использованием учебно-методических изданий, размещенных на образовательном портале университета.

### ***Описание возможностей изучения дисциплины лицами с ОВЗ и инвалидами***

Для инвалидов и лиц с ОВЗ может изменяться объём дисциплины (модуля) в часах, выделенных на контактную работу обучающегося с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающегося (при этом не увеличивается количество зачётных единиц, выделенных на освоение дисциплины).

Фонды оценочных средств адаптируются к ограничениям здоровья и восприятия информации обучающимися.

Основные формы представления оценочных средств – в печатной форме или в форме электронного документа.

Формы контроля и оценки результатов обучения инвалидов и лиц с ОВЗ с нарушением зрения:

- устная проверка: дискуссии, тренинги, круглые столы, собеседования, устные коллоквиумы и др.;
- с использованием компьютера и специального ПО: работа с электронными образовательными ресурсами, тестирование, рефераты, курсовые проекты, дистанционные формы, если позволяет острота зрения - графические работы и др.;
- при возможности письменная проверка с использованием рельефно-точечной системы Брайля, увеличенного шрифта, использование специальных технических средств (тифлотехнических средств): контрольные, графические работы, тестирование, домашние задания, эссе, отчеты и др.

Формы контроля и оценки результатов обучения инвалидов и лиц с ОВЗ с нарушением слуха:

- письменная проверка: контрольные, графические работы, тестирование, домашние задания, эссе, письменные коллоквиумы, отчеты и др.;
- с использованием компьютера: работа с электронными образовательными ресурсами, тестирование, рефераты, курсовые проекты, графические работы, дистанционные формы и др.;
- при возможности устная проверка с использованием специальных технических средств (аудиосредств, средств коммуникации, звукоусиливающей аппаратуры и др.): дискуссии, тренинги, круглые столы, собеседования, устные коллоквиумы и др.

Формы контроля и оценки результатов обучения инвалидов и лиц с ОВЗ с нарушением опорно-двигательного аппарата:

- письменная проверка с использованием специальных технических средств (альтернативных средств ввода, управления компьютером и др.): контрольные, графические работы, тестирование, домашние задания, эссе, письменные коллоквиумы, отчеты и др.;
- устная проверка, с использованием специальных технических средств (средств коммуникаций): дискуссии, тренинги, круглые столы, собеседования, устные коллоквиумы и др.;
- с использованием компьютера и специального ПО (альтернативных средств ввода и управления компьютером и др.): работа с электронными образовательными ресурсами, тестирование, рефераты, курсовые проекты, графические работы, дистанционные формы предпочтительнее обучающимся, ограниченным в передвижении и др.

Адаптация процедуры проведения промежуточной аттестации для инвалидов и лиц с ОВЗ.

В ходе проведения промежуточной аттестации предусмотрено:

- предъявление обучающимся печатных и (или) электронных материалов в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья;
- возможность пользоваться индивидуальными устройствами и средствами, позволяющими адаптировать материалы, осуществлять приём и передачу информации с учетом их индивидуальных особенностей;
- увеличение продолжительности проведения аттестации;
- возможность присутствия ассистента и оказания им необходимой помощи (занять рабочее место, передвигаться, прочитать и оформить задание, общаться с преподавателем).

Формы промежуточной аттестации для инвалидов и лиц с ОВЗ должны учитывать индивидуальные и психофизические особенности обучающегося/обучающихся по АОПОП ВО (устно, письменно на бумаге, письменно на компьютере, в форме тестирования и т.п.).

Специальные условия, обеспечиваемые в процессе преподавания дисциплины студентам с нарушениями зрения:

- предоставление образовательного контента в текстовом электронном формате, позволяющем переводить плоскопечатную информацию в аудиальную или тактильную форму;
- возможность использовать индивидуальные устройства и средства, позволяющие адаптировать материалы, осуществлять приём и передачу информации с учетом индивидуальных особенностей и состояния здоровья студента;
- предоставление возможности предкурсового ознакомления с содержанием учебной дисциплины и материалом по курсу за счёт размещения информации на корпоративном образовательном портале;
- использование чёткого и увеличенного по размеру шрифта и графических объектов в мультимедийных презентациях;
- использование инструментов «лупа», «прожектор» при работе с интерактивной доской;
- озвучивание визуальной информации, представленной обучающимся в ходе занятий;
- обеспечение раздаточным материалом, дублирующим информацию, выводимую на экран;
- наличие подписей и описания у всех используемых в процессе обучения рисунков и иных графических объектов, что даёт возможность перевести письменный текст в аудиальный;
- обеспечение особого речевого режима преподавания: лекции читаются громко, разборчиво, отчётливо, с паузами между смысловыми блоками информации, обеспечивается интонирование, повторение, акцентирование, профилактика рассеивания внимания;
- минимизация внешнего шума и обеспечение спокойной аудиальной обстановки;
- возможность вести запись учебной информации студентами в удобной для них форме (аудиально, аудиовизуально, на ноутбуке, в виде пометок в заранее подготовленном тексте);
- увеличение доли методов социальной стимуляции (обращение внимания, апелляция к ограничениям по времени, контактные виды работ, групповые задания и др.) на практических и лабораторных занятиях;
- минимизирование заданий, требующих активного использования зрительной памяти и зрительного внимания;
- применение поэтапной системы контроля, более частый контроль выполнения заданий для самостоятельной работы.

Специальные условия, обеспечиваемые в процессе преподавания дисциплины студентам с нарушениями опорно-двигательного аппарата (маломобильные студенты, студенты, имеющие трудности передвижения и патологию верхних конечностей):

- возможность использовать специальное программное обеспечение и специальное оборудование и позволяющее компенсировать двигательное нарушение (коляски, ходунки, трости и др.);
- предоставление возможности предкурсового ознакомления с содержанием учебной дисциплины и материалом по курсу за счёт размещения информации на корпоративном образовательном портале;
- применение дополнительных средств активизации процессов запоминания и повторения;
- опора на определенные и точные понятия;
- использование для иллюстрации конкретных примеров;
- применение вопросов для мониторинга понимания;
- разделение изучаемого материала на небольшие логические блоки;

- увеличение доли конкретного материала и соблюдение принципа от простого к сложному при объяснении материала;
- наличие чёткой системы и алгоритма организации самостоятельных работ и проверки заданий с обязательной корректировкой и комментариями;
- увеличение доли методов социальной стимуляции (обращение внимания, апелляция к ограничениям по времени, контактные виды работ, групповые задания др.);
- обеспечение беспрепятственного доступа в помещения, а также пребывания них;
- наличие возможности использовать индивидуальные устройства и средства, позволяющие обеспечить реализацию эргономических принципов и комфортное пребывание на месте в течение всего периода учёбы (подставки, специальные подушки и др.).

Специальные условия, обеспечиваемые в процессе преподавания дисциплины студентам с нарушениями слуха (глухие, слабослышащие, позднооглохшие):

- предоставление образовательного контента в текстовом электронном формате, позволяющем переводить аудиальную форму лекции в плоскопечатную информацию;
- наличие возможности использовать индивидуальные звукоусиливающие устройства и сурдотехнические средства, позволяющие осуществлять приём и передачу информации; осуществлять взаимообратный перевод текстовых и аудиофайлов (блокнот для речевого ввода), а также запись и воспроизведение зрительной информации;
- наличие системы заданий, обеспечивающих систематизацию верbalного материала, его схематизацию, перевод в таблицы, схемы, опорные тексты, глоссарий;
- наличие наглядного сопровождения изучаемого материала (структурно-логические схемы, таблицы, графики, концентрирующие и обобщающие информацию, опорные конспекты, раздаточный материал);
- наличие чёткой системы и алгоритма организации самостоятельных работ и проверки заданий с обязательной корректировкой и комментариями;
- обеспечение практики опережающего чтения, когда студенты заранее знакомятся с материалом и выделяют незнакомые и непонятные слова и фрагменты;
- особый речевой режим работы (отказ от длинных фраз и сложных предложений, хорошая артикуляция; четкость изложения, отсутствие лишних слов; повторение фраз без изменения слов и порядка их следования; обеспечение зрительного контакта во время говорения и чуть более медленного темпа речи, использование естественных жестов и мимики);
- чёткое соблюдение алгоритма занятия и заданий для самостоятельной работы (называние темы, постановка цели, сообщение и запись плана, выделение основных понятий и методов их изучения, указание видов деятельности студентов и способов проверки усвоения материала, словарная работа);
- соблюдение требований к предъявляемым учебным текстам (разбивка текста на части; выделение опорных смысловых пунктов; использование наглядных средств);
- минимизация внешних шумов;
- предоставление возможности соотносить вербальный и графический материал; комплексное использование письменных и устных средств коммуникации при работе в группе;
- сочетание на занятиях всех видов речевой деятельности (говорения, слушания, чтения, письма, зрительного восприятия с лица говорящего).

Специальные условия, обеспечиваемые в процессе преподавания дисциплины студентам с прочими видами нарушений (ДЦП с нарушениями речи, заболевания эндокринной, центральной нервной и сердечно-сосудистой систем, онкологические заболевания):

- наличие возможности использовать индивидуальные устройства и средства, позволяющие осуществлять приём и передачу информации;
- наличие системы заданий, обеспечивающих систематизацию вербального материала, его схематизацию, перевод в таблицы, схемы, опорные тексты, глоссарий;
- наличие наглядного сопровождения изучаемого материала;
- наличие чёткой системы и алгоритма организации самостоятельных работ и проверки заданий с обязательной корректировкой и комментариями;
- обеспечение практики опережающего чтения, когда студенты заранее знакомятся с материалом и выделяют незнакомые и непонятные слова и фрагменты;
- предоставление возможности соотносить вербальный и графический материал; комплексное

- использование письменных и устных средств коммуникации при работе в группе;
- сочетание на занятиях всех видов речевой деятельности (говорения, слушания, чтения, письма, зрительного восприятия с лица говорящего);
  - предоставление образовательного контента в текстовом электронном формате;
  - предоставление возможности предкурсового ознакомления с содержанием учебной дисциплины и материалом по курсу за счёт размещения информации на корпоративном образовательном портале;
  - возможность вести запись учебной информации студентами в удобной для них форме (аудиально, аудиовизуально, в виде пометок в заранее подготовленном тексте);
  - применение поэтапной системы контроля, более частый контроль выполнения заданий для самостоятельной работы;
  - стимулирование выработки у студентов навыков самоорганизации и самоконтроля;
  - наличие пауз для отдыха и смены видов деятельности по ходу занятия.

## **10. Методические рекомендации по освоению дисциплины (модуля)**